## О.В.Рябков, В.М.Петров, М.И.Бичурин, С.В.Аверкин, Г.Сринивасан\*

## МАГНИТОАКУСТИЧЕСКИЙ РЕЗОНАНС В ФЕРРИТ-ПЬЕЗОЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ДВУХСЛОЙНЫХ СТРУКТУРАХ С УЧЕТОМ ОБМЕННОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ

Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого \* Оклендский университет, Рочестер, США

In single-crystal ferrite-piezoelectric bilayer, the magnetoelectric interaction is presented by mechanical strain. We considered magnetoelectric coupling at the coincidence of electromechanical resonance and ferromagnetic resonance for the ferrite magnetized tangentially. The exchange interaction for the ferrite is also taken into account. Giant magnetoelectric coefficient is about 70 V/cm·Oe for yttrium-iron garnet — lead zirconate titanate bilayers at 5 GHz. The phenomenon is also of importance for the realization of multifunctional magnetoelectric microwave nanosensors/transdusers.

Наличие магнитоэлектрических (МЭ) свойств в слоистых феррит-пьезоэлектрических композитах обусловлено механическим взаимодействием между

магнитной и электрической подсистемами. Магнитострикция феррита во внешнем магнитном поле вызывает поляризацию электрической подсистемы по-

средством пьезоэлектрического эффекта. В работах [1, 2] показано, что при соответствующих наборах параметров имеет место гигантский скачок МЭ коэффициента по напряжению в области магнитоакустического резонанса. В указанных работах был исследован случай композита в форме пластинки, намагниченной перпендикулярно ее плоскости. В работе [3] был исследован касательно намагниченный композит в пренебрежении обменным полем. В данной работе проводится исследование МЭ коэффициента по напряжению в двухслойной структуре, находящейся во внешнем подмагничивающем поле, ориентированном вдоль оси [100] кристалла, расположенной в плоскости пластинки, с учетом обменного взаимодействия. При этом к образцу прикладывается также малое переменное магнитное поле (рис.1). Образец ориентирован перпендикулярно оси x, т.е. внешнее поле здесь касательно к композиту. Целью работы является нахождение магнитоэлектрического коэффициента по напряжению и исследование его зависимости от частоты и величины внешнего магнитного поля.

В качестве исходных используются уравнения движения намагниченности, уравнения движения ферритовой и пьезоэлектрической фаз, а также материальные соотношения для пьезоэлектрической фазы.



Рис.1. Ориентация образца во внешнем магнитном поле

Систему уравнений движения для магнитной фазы берем в виде [4]

$$\begin{split} \dot{M}_{x} &= -\gamma \bigg[ H_{0} - N_{x}M_{s} - H_{a}a^{2}\nabla^{2} - \frac{2B_{1}}{M_{s}} \bigg( \frac{\partial U_{my}}{\partial y} - \frac{\partial U_{mx}}{\partial z} \bigg) \bigg] M_{y} - \\ &- \gamma B_{2} \bigg( \frac{\partial U_{mz}}{\partial y} + \frac{\partial U_{my}}{\partial z} \bigg) - \frac{\gamma B_{2}}{M_{s}} \bigg( \frac{\partial U_{mz}}{\partial y} + \frac{\partial U_{my}}{\partial z} \bigg) M_{x} + \\ &+ M_{s} \big( H_{y} - N_{y}M_{y} \big), \\ \dot{M}_{y} &= \gamma \bigg[ H_{0} - N_{x}M_{s} - H_{a}a^{2}\nabla^{2} + \frac{2B_{1}}{M_{s}} \bigg( \frac{\partial U_{mx}}{\partial x} - \frac{\partial U_{mz}}{\partial z} \bigg) \bigg] M_{x} + \\ &+ \gamma B_{2} \bigg( \frac{\partial U_{mz}}{\partial x} + \frac{\partial U_{mx}}{\partial z} \bigg) + \frac{\gamma B_{2}}{M_{s}} \bigg( \frac{\partial U_{my}}{\partial x} + \frac{\partial U_{mx}}{\partial y} \bigg) M_{x} - \\ &- \gamma M_{s} (H_{x} - N_{x}M_{x}), \end{split}$$

$$\begin{split} \rho_m \ddot{U}_{mx} &= c_{m44} \nabla^2 U_{mx} + (c_{m44} + c_{m12}) \frac{\partial}{\partial x} (\nabla \cdot \boldsymbol{U}_m) + \\ &+ \frac{B_1}{M_s^2} \frac{\partial M_x^2}{\partial x} + \frac{B_2}{M_s^2} \frac{\partial}{\partial y} (M_x M_y) + \frac{B_2}{M_s^2} \frac{\partial}{\partial z} (M_z M_x), \\ \rho_m \ddot{U}_{my} &= c_{m44} \nabla^2 U_{my} + (c_{m44} + c_{m12}) \frac{\partial}{\partial y} (\nabla \cdot \boldsymbol{U}_m) + \end{split}$$

$$\begin{split} &+ \frac{B_1}{M_s^2} \frac{\partial M_y^2}{\partial y} + \frac{B_2}{M_s^2} \frac{\partial}{\partial z} (M_y M_z) + \frac{B_2}{M_s^2} \frac{\partial}{\partial x} (M_x M_y), \\ &\rho_m \ddot{U}_{mz} = c_{m44} \nabla^2 U_{mz} + (c_{m44} + c_{m12}) \frac{\partial}{\partial z} (\nabla \cdot \boldsymbol{U}_m) + \\ &+ \frac{B_1}{M_s^2} \frac{\partial M_z^2}{\partial z} + \frac{B_2}{M_s^2} \frac{\partial}{\partial z} (M_z M_x) + \frac{B_2}{M_s^2} \frac{\partial}{\partial y} (M_y M_z), \end{split}$$

где  $M_s$  — намагниченность насыщения,  $N_i$  — размагничвающие факторы (компоненты диагонального тензора анизотропии формы),  $H_a$  — обменное поле, a — постоянная решетки,  $U_m$  — смещение,  $U_{mi}$  — компоненты смещения,  $B_1$  и  $B_2$  — константы магнитоупругой связи,  $c_{m44}$  и  $c_{m12}$  — компоненты тензора модулей упругости.

Уравнение движения и материальные соотношения для пьезоэлектрической фазы имеют вид

$$\begin{split} \rho_p \frac{\partial^2 U_{py}}{\partial t^2} &= \frac{\partial T_5}{\partial x}, \ \rho_p \frac{\partial^2 U_{pz}}{\partial t^2} &= \frac{\partial T_6}{\partial x}, \\ D_y &= e_{p15} \frac{\partial U_{py}}{\partial x} + \varepsilon_{p33} E_y, \ D_z &= e_{p15} \frac{\partial U_{pz}}{\partial x} + \varepsilon_{p33} E_z, \\ \text{где} \quad T_{p5} &= c_{p44} \frac{\partial U_{py}}{\partial x} - e_{p15} E_y, \ T_{p6} &= c_{p44} \frac{\partial U_{pz}}{\partial x} - e_{p15} E_z \end{split}$$

— компоненты симметричного тензора напряжений, взятого в виде матрицы 1×6.

Применим условие магнитоупругой изотропии  $B_1 = B_2$ , а также положим  $U_x = 0$ ,  $M_z = M_s$  и  $h_x = 0$  (переменное внешнее поле берем линейно поляризованным по *y*). Кроме того, для выбранной ориентации пластинки  $N_x = 4\pi$ ,  $N_x = 0$ ,  $N_x = 0$ . В соответствии с методом комплексных амплитуд производим подстановку  $F(\mathbf{r},t) \rightarrow f(\mathbf{r}) \cdot e^{i\omega t}$  и после сокращения на  $e^{i\omega t}$  получаем

$$im_x\omega = -\gamma \left( m_y H_0 - H_a a^2 \frac{\partial^2 m_y}{\partial x^2} + \frac{B_2}{M_s} \frac{\partial u_{my}}{\partial x} m_x e^{i\omega t} - M_s h_y \right),$$

$$im_{y}\omega = \gamma \left( m_{x}H_{0} - H_{a}a^{2} \frac{\partial^{2}m_{x}}{\partial x^{2}} + \frac{B_{2}}{M_{s}} \frac{\partial u_{my}}{\partial x}m_{x}e^{i\omega t} + B_{2} \frac{\partial u_{mz}}{\partial x} + 4\pi M_{s}h_{y} \right),$$

$$0 = 2 \frac{B_{2}}{M_{s}^{2}} \frac{\partial m_{x}}{\partial x}e^{i\omega t}, -\rho_{m}\omega^{2}u_{mz} = c_{m44} \frac{\partial^{2}u_{mz}}{\partial x^{2}} + \frac{B_{2}}{M_{s}} \frac{\partial m_{x}}{\partial x},$$

$$D_{y} = e_{p15} \frac{\partial u_{py}}{\partial x} + \varepsilon_{p33}E_{y}, -\rho_{p}\omega^{2}u_{py} = c_{p44} \frac{\partial^{2}u_{py}}{\partial x^{2}},$$

$$D_{z} = e_{p15} \frac{\partial u_{pz}}{\partial x} + \varepsilon_{p33}E_{z}, -\rho_{p}\omega^{2}u_{pz} = c_{p44} \frac{\partial^{2}u_{pz}}{\partial x^{2}}.$$
(1)

При выводе (1) предполагалось, что функции не зависят от *у* и *z* и  $u_{nx} = 0$ .

Линеаризацию относительно амплитуды переменной намагниченности осуществляем простым отбрасыванием членов, содержащих множитель экспоненту, поскольку само наличие экспоненты после сокращения говорит о втором порядке малости члена. В результате линеаризации *у*-компонента смещения пропадает из уравнений, описывающих ферритовую подсистему. Это означает, что в рассматриваемом случае указанная составляющая смещения не участвует в МЭ эффекте.

С учетом всего вышесказанного вместо (1) получаем

$$\begin{split} i\widetilde{m}_{x}\omega &= -\gamma \bigg( H_{0}\widetilde{m}_{y} - H_{a}a^{2}\frac{\partial^{2}\widetilde{m}_{y}}{\partial x^{2}} \bigg),\\ i\widetilde{m}_{y}\omega &= \gamma \bigg( (H_{0} + 4\pi M_{s})\widetilde{m}_{x} - H_{a}a^{2}\frac{\partial^{2}\widetilde{m}_{x}}{\partial x^{2}} + B_{2}\frac{\partial u_{mz}}{\partial x} \bigg),\\ &- \rho_{m}\omega^{2}u_{mz} = c_{m44}\frac{\partial^{2}u_{mz}}{\partial x^{2}} + \frac{B_{2}}{M_{s}}\frac{\partial\widetilde{m}_{x}}{\partial x}, \qquad (2)\\ D_{z} &= e_{p15}\frac{\partial u_{pz}}{\partial x} + \varepsilon_{p33}E_{z},\\ &- \rho_{p}\omega^{2}u_{pz} = c_{p44}\frac{\partial^{2}u_{pz}}{\partial x^{2}}, \end{split}$$

где

$$\widetilde{m}_{x} = m_{x} - i \frac{\omega \gamma}{(H_{0} + 4\pi M_{s})\gamma^{2}H_{0} - \omega^{2}} M_{s}h_{y},$$

$$\widetilde{m}_{y} = m_{y} - \frac{(H_{0} + 4\pi M_{s})\gamma^{2}}{(H_{0} + 4\pi M_{s})\gamma^{2}H_{0} - \omega^{2}} M_{s}h_{y}.$$
(3)

Решая отдельно два последних уравнения системы (2), получим выражение для электрической индукции:

$$D_z = C_1 \sin k_p x + C_2 \cos k_p x + \varepsilon_{p33} E_z$$
$$k_p = \omega \sqrt{\frac{\rho_p}{c_{p44}}}.$$

Над оставшимися тремя уравнениями системы (2) произведем прямое преобразование Лапласа [5]. Алгебраическая система уравнений относительно изображений имеет вид

$$\frac{\omega}{\gamma}X(\kappa) + (H_0 - b\kappa^2)Y(\kappa) = -b(A_{Y1} + A_{Y0}\kappa),$$

$$(H_M - b\kappa^2)X(\kappa) + \frac{\omega}{\gamma}Y(\kappa) + B_2\kappa U(\kappa) =$$

$$= -b(A_{X1} + A_{X0}\kappa) + B_2A_{U0}, \quad (4)$$

$$\frac{B_2\kappa}{\gamma}Y(\kappa) + (c - \kappa^2 + c - \omega^2)U(\kappa) =$$

$$\frac{B_{2}\kappa}{M_{s}}X(\kappa) + (c_{m44}\kappa^{2} + \rho_{m}\omega^{2})U(\kappa) =$$
$$= c_{m44}(A_{U1} + A_{U0}\kappa) + \frac{B_{2}}{M_{s}}A_{X0},$$

где

$$H_M = H_0 + 4\pi M_s, \tag{5}$$

а  $X(\kappa), Y(\kappa), U(\kappa)$  — изображения функций  $\tilde{m}_x(x)$ ,  $-i\tilde{m}_y(x), u_{mz}(x)$ . Постоянные *A* представляют собой значения оригиналов и их производных первого порядка при x = 0.

Решение (4) дает для изображений рациональные выражения вида

$$\frac{P_0^{X,Y,U} + P_1^{X,Y,U}\kappa + b(P_2^{X,Y,U}\kappa^2 + \dots + P_5^{X,Y,U}\kappa^5)}{b(bQ_6\kappa^6 + Q_4\kappa^4) + Q_2\kappa^2 + Q_0},$$

где Р и Q являются выражениями, зависящими от ко-

эффициентов уравнений (4), причем Q будут одними и теми же для всех трех изображений.

Оригинал выражения (5) имеет вид

$$\frac{1}{2} \sum_{\xi} \frac{P_0 + P_1 \xi + b(P_2 \xi^2 + P_3 \xi^3 + P_4 \xi^4 + P_5 \xi^5)}{b(3Q_6 \xi^5 + 2Q_4 \xi^3) + Q_2 \xi} e^{\xi x} \equiv \sum_{\xi} C_{\xi} e^{\xi x}, \quad (6)$$

где суммирование ведется по всем корням  $\xi$  квадратного уравнения относительно к

$$b(bQ_{6}\kappa^{6} + Q_{4}\kappa^{4}) + Q_{2}\kappa^{2} + Q_{0} = 0, \qquad (7)$$

а верхние индексы коэффициентов *P* опущены для сокращения записи. Иными словами, искомые функции представляют собой суперпозиции волн, волновые числа которых получаются из (7). Введем обозначение  $b = H_a a^2$ . Тогда уравнение принимает вид

$$b^{2}c_{m44}\kappa^{6} + \left(b^{2}\rho_{m}\omega^{2} + \frac{B_{2}^{2}}{M_{s}} - bc_{m44}(H_{0} + H_{M})\right)\kappa^{4} + \left(c_{m44}\left(H_{0}H_{M} - \frac{\omega^{2}}{\gamma^{2}}\right) - \frac{B^{2}H_{0}}{M_{s}} - b(H_{0} + H_{M})\rho_{m}\omega^{2}\right)\kappa^{2} + \rho_{m}\omega^{2}\left(H_{0}H_{M} - \frac{\omega^{2}}{\gamma^{2}}\right) = 0.$$

Параметр  $b = H_a a^2$  характеризует обменное взаимодействие. Входящая в него постоянная решетки мала по сравнению с длиной волны. После линеаризации по *b* получаем:

$$\left(\frac{B_2^2}{M_s} - bc_{m44}(H_0 + H_M)\right) \kappa^4 + \left(c_{m44}\left(H_0H_M - \frac{\omega^2}{\gamma^2}\right) - \frac{B_2^2H_0}{M_s} - b(H_0 + H_M)\rho_m\omega^2\right) \kappa^2 + \rho_m\omega^2\left(H_0H_M - \frac{\omega^2}{\gamma^2}\right) = 0.$$
(8)

Решение биквадратного уравнения (8) дает две пары решений  $\pm \xi_{m1}$ ,  $\pm \xi_{m2}$ . Можно показать, что одно из чисел  $\xi_m$  будет действительным, что означает отсутствие распространения волны (см. (6)). Обозначая второе число через  $ik_m$ , запишем выражение для смещения ферритовой фазы:

$$u_{mz} = C_3 \sin k_m x + C_4 \cos k_m x. \tag{9}$$

Выражения для  $m_x$  и  $m_y$  легко получить подстановкой (9) в (2) с учетом (3):

$$\begin{split} m_{x} &= \frac{M_{s}}{B_{2}} \left( \frac{\rho_{m} \omega^{2}}{k_{m}^{2}} - c_{m44} \right) (C_{3} \cos k_{m} x - C_{4} \sin k_{m} x) + \\ &+ i \frac{\omega}{H_{0}} \frac{M_{s}}{M_{s}} \\ m_{y} &= -i \frac{\gamma M_{s} k_{m}}{B_{2} \omega} \left( \left( \frac{\rho_{m} \omega^{2}}{k_{m}^{2}} - c_{m44} \right) (H_{M} + b k_{m}^{2}) + \frac{B_{2}}{M_{s}} \right) \times \end{split}$$



в нормально намагниченной пластинке [1] в случае касательно намагниченного образца резонанс наблюдается при меньшем значении подмагничивающего поля, что связано с отсутствием эффекта размагничи-



Рис.2. Зависимость МЭ коэффициента по напряжению от частоты. Пунктирная линия соответствует случаю нулевого обменного поля

Значения постоянных интегрирования найдем подстановкой решений в граничные условия. В нашей задаче они имеют вид

$$\begin{split} u_{mz}(0) &= u_{pz}(0), \ T_{m6}(0) = T_{p6}(0), \\ T_{p6}(-L_1) &= 0, \ T_{m6}(L_2) = 0, \end{split}$$

где  $L_1$  и  $L_2$  — толщины пьезоэлектрической и ферритовой фаз соответственно,  $T_{m6} = c_{m44} \frac{\partial u_{mz}}{\partial x} - \frac{B_2}{M_s} m_x$  —

компонента тензора напряжений ферритовой фазы.

Индуцированное в пьезоэлектрической компоненте электрическое поле  $E_z$  определяется из условия равенства нулю потока электрической индукции через боковую поверхность образца:

$$\int_{-L_1}^0 D_z \, dx = 0. \tag{10}$$

Решая (10) относительно  $E_z$ , для МЭ коэффициента по напряжению  $\alpha_E = \frac{E_z}{h}$  получим:

$$\begin{aligned} \alpha_{E} &= 4\pi i \,\omega \,\gamma \, e_{p15} c_{p44} k_{p} k_{m} B_{2} \times \\ &\times (1 - \cos k_{p} L_{1}) (\cos k_{m} L_{2} - 1) / \\ / \left[ \epsilon_{p33} c_{p44} k_{p} L_{1} (\rho_{m} \omega^{2} \sin k_{m} L_{2} \cos k_{p} L_{1} + \\ &+ c_{p44} k_{p} k_{m} \sin k_{m} L_{2} \cos k_{p} L_{2} \right) + \\ &+ 4\pi e_{p15}^{2} (\rho_{m} \omega^{2} \sin k_{p} L_{1} \cos k_{m} L_{2} + \\ &+ 2c_{p44} k_{p} k_{m} (1 - \cos k_{p} L_{1}) \cos k_{m} L_{2} \right) \times \\ &\times \left( \omega^{2} - \gamma^{2} (H_{0} + 4\pi M_{s}) H_{0} \right) \right]. (11) \end{aligned}$$

На рис.2 приведена зависимость  $|\alpha_E|$  от частоты  $f = \omega/2\pi$  для двухслойной структуры железоиттриевый гранат — цирконат-титанат свинца. Толщины пьезоэлектрической и ферритовой фаз равны соответственно 100 и 195 нм. Потери в образце учтены подстановкой в (11) комплексной частоты  $\Omega = \omega + i\omega_1$ , где  $\omega_1$  – параметр потерь.

В отличие от магнитоакустического резонанса

вания в плоскости образца.

Толщина слоя феррита (195 нм), соответствующая максимальному значению МЭ эффекта, меньше, чем для случая нормальной намагниченности образца (214 нм). Это связано с зависимостью эффективной жесткости феррита от величины и направления подмагничивающего поля.

Включение в рассмотрение малого обменного эффекта привело к появлению асимметрии формы резонансной линии. После достижения максимума наблюдается резкое уменьшение величины МЭ коэффициента. Величина максимума и значение резонансной частоты остаются практически без изменений.

Таким образом, в данной работе получено выражение для МЭ коэффициента по напряжению в области наложения частот электромеханического и магнитного резонансов. Приведена частотная зависимость МЭ коэффициента по напряжению для двухслойной структуры ЖИГ — ЦТС. В области магнитоакустического резонанса при совпадении частот электромеханического резонанса и однородной прецессии намагниченности ферритовой фазы обнаружено существенное увеличение МЭ коэффициента по напряжению. В случае касательно намагниченного образца резонанс наблюдается при меньшем значении подмагничивающего поля. При учете обменного поля форма резонансного пика существенно меняется.

Расчетное значение МЭ коэффициента по напряжению позволяет рекомендовать слоистые композиционные материалы на основе монокристаллических ферритов и пьезоэлектриков для использования в радиокомпонентах, работа которых основана на генерации магнитоупругих волн или на управлении параметрами магнитного резонанса с помощью электрического поля.

Работа выполнена при поддержке грантов РФФИ №№ 06-08-00896-а, 06-02-08071-офи, 05-02-39002-ГФЕН\_а.

Bichurin M.I., Petrov V.M., Ryabkov O.V. et al. // Phys. Rev. B. 2005. V. 72. P. 060408(R) (1-4).

Рябков О.В. // 11-я Всерос. науч. конф. студентовфизиков и молодых ученых: Тез. докл. Екатеринбург:

- Изд-во АСФ России, 2005. С.283-284. Физическая акустика. Т.Ш. ч.Б. Динамика решетки / Под ред. У.Мэзона. М.: Мир, 1968. 392 с. Бичурин М.И., Петров В.М., Рябков О.В. и др. // Фунда-3.
- 4.

ментальные исследования. 2005. № 3. С.27-29. Тихонов А.Н., Васильева А.Б., Свешников А.Г. Дифференциальные уравнения. М.: Наука, 1998. 232 с. 5.